

(۱) یک جز سه-گره‌ای به طول $2a$ ، برای مسأله‌ی یک-بعدي، همانند شکل روبرو، را در نظر بگیرید. این

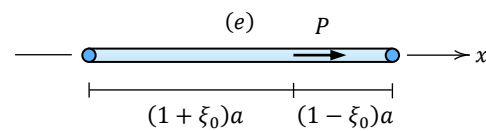
جزء دو گره در ابتدا و انتها و یک گره در وسط جزء دارد. ابتدا با فرض آن که مختصه‌های دو گره‌ی

ابتدا و انتهای جزء به ترتیب $x_1^{(e)}$ و $x_3^{(e)}$ باشد و با توجه به طول جزء، تابع‌های شکل این سه گره را

به دست آورید. سپس برای مسأله‌ی تحلیل تنش یک-بعدي پیوسته، با استفاده از رابطه‌ی زیر و با فرض ثابت بودن سطح مقطع و مدول یانگ در امتداد جزء،

ماتریس سختی را برای این جزء محاسبه کنید. برای این منظور می‌توانید فرض کنید مبدأ مختصات در وسط جزء و روی گره‌ی میانی قرار دارد.

$$\mathbf{K}^{(e)} = \int_{x_1^{(e)}}^{x_3^{(e)}} \mathbf{B}^{(e)T} E A \mathbf{B}^{(e)} dx$$



(۲) یک جزء دو-گره‌ای به طول $2a$ را برای مسأله‌ی تحلیل تنش یک-بعدي پیوسته، همانند شکل

روبرو، در نظر بگیرید. مطابق شکل روبرو، نیروی متمرکز P در فاصله‌ی ξ_0 ($-1 < \xi_0 < +1$)

از نقطه‌ی میانی جزء، به آن وارد شده است. تابع پتانسیل این نیرو به صورت رابطه‌ی زیر بیان می‌شود.

$$W_{C.F.}^{(e)} = u(x_p)^T P$$

در این رابطه، $u(x_p)$ جابه‌جایی محوری در مختصات x_p است که نیروی P در آن وارد شده است. با استفاده از رابطه‌ی تقریب اجزای محدود برای جابه‌جایی

محوری برای جزء دو-گره‌ای، نشان دهید بردار نیروی گره‌ای ناشی از این نیرو، از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید.

$$\mathbf{f}_{C.F.}^{(e)} = P \begin{bmatrix} \frac{1 - \xi_0}{2} \\ \frac{1 + \xi_0}{2} \end{bmatrix}$$

(۳) تعریف Material Orientation (جهت‌گیری مادی) در نرم‌افزار آباکوس برای چه منظوری و چگونه انجام می‌شود؟